

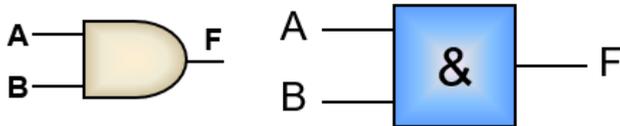
开关理论基础

1. 基本逻辑运算：与、或、非

2. “与”门

逻辑表达式： $F = A \cdot B = AB$

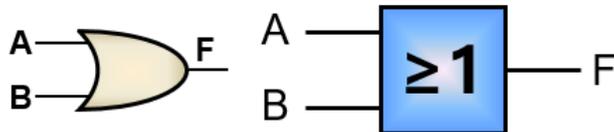
逻辑图：



3. “或”门

逻辑表达式： $F = A + B$

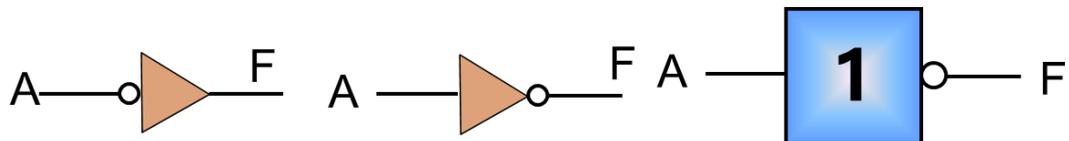
逻辑图：



4. “非”门

逻辑表达式： $F = \bar{A}$

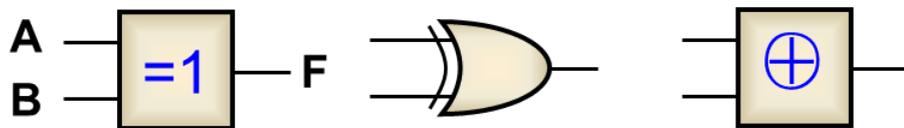
逻辑图：



5. “异或”门

逻辑表达式： $F = \bar{A}B + A\bar{B} = A \oplus B$

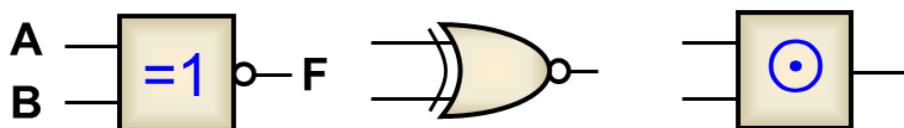
逻辑图：



6. “同或”门

逻辑表达式： $F = \bar{A}\bar{B} + AB = A \odot B$

逻辑图：



逻辑代数基本公式

交换率	$A+B=B+A$	$AB=BA$
结合率	$A+(B+C)=(A+B)+C$	$A(BC)=(AB)C$
分配率	$A(B+C)=AB+AC$	$A+(BC)=(A+B)(A+C)$
吸收率	$A+AB=A$	$A(A+B)=A$
0-1率	$A+1=1, A+0=A$	$A \cdot 0=0, A \cdot 1=A$
互补率	$A+\bar{A}=1$	$A \cdot \bar{A}=0$
重叠率	$A+A=A$	$A \cdot A=A$
非非率	$\overline{\bar{A}}=A$	
反演率	$\overline{A+B}=\bar{A} \cdot \bar{B}$	$\overline{AB}=\bar{A}+\bar{B}$
包含率	$AB+\bar{A}C+BC=AB+\bar{A}C$	$(A+B)(\bar{A}+C)(B+C)=(A+B)(\bar{A}+C)$

吸收率： $A+AB=A(B+\bar{B})+AB=AB+A\bar{B}+AB=AB+A\bar{B}=A \leftrightarrow A(A+B)$

或： $A+AB=A \cdot 1+AB=A(1+B)=A$

包含率： $AB+\bar{A}C+BC=AB+\bar{A}C+(A+\bar{A})BC=AB+\bar{A}C+ABC+\bar{A}BC=AB+\bar{A}C$

对偶式： $(A+B)(\bar{A}+C)(B+C)=(A+B)(\bar{A}+C)$

※※※若两个乘积项中分别包含A和 \bar{A} 两个因子，而这两个乘积项的其余因子组成的第三个乘积项，则第三个乘积项是多余的，可以消去。

逻辑函数的两种标准形式

1. 最小项之和

n 个变量都出现，每个变量以原变量或反变量的形式出现一次，且仅出现一次。

例如在三变量 A, B, C 的最小项中，当 $A=1, B=0, C=1$ 时，乘积项 $A\bar{B}C=1$ ，如果将 $A\bar{B}C$ 的取值101看作一个二进制数，所对应的十进制数就是5，一般将这个最小项记作 m_5 。

$$F = \bar{A}\bar{B}\bar{C} + \bar{A}BC + A\bar{B}\bar{C} + AB\bar{C} + ABC = m_0 + m_3 + m_4 + m_6 + m_7$$

2. 最大项之积

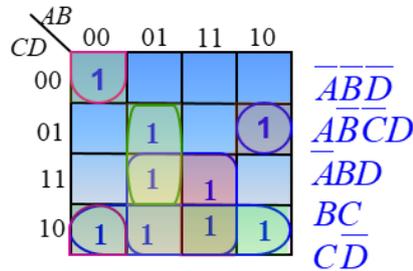
$$F = (A+B+\bar{C})(A+\bar{B}+C)(\bar{A}+B+\bar{C}) = M_1 \cdot M_2 \cdot M_5$$

卡洛图化简

$$F = \overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D} + \overline{A}C\overline{D} + \overline{A}BC + \overline{A}BD + ABC + ACD + \overline{A}BCD$$

解：1、正确填入四变量卡诺图

- $\overline{A}\overline{B}\overline{C}\overline{D}$ ABCD=0000 处填 1
- $\overline{A}C\overline{D}$ ACD=010 处填 1
- $\overline{A}BC$ ABC=011 处填 1
- $\overline{A}BD$ ABD=011 处填 1
- ABC ABC=111 处填 1
- ACD ACD=110 处填 1
- $\overline{A}BCD$ ABCD=1001 处填 1



2、按 2^n 圈一原则画合并圈，合并圈越大越好。每个合并圈对应一个与项。

3、将每个与项相加，得到化简后的函数。

$$F = BC + \overline{C}\overline{D} + \overline{A}BD + \overline{A}BD + \overline{A}BCD$$

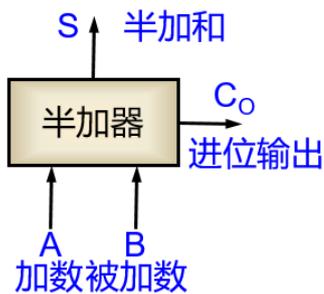
加法器

两个二进制数之间的算术运算无论是加、减、乘、除，在计算机中都是由若干步加法运算进行的。因此，加法器是构成算术运算器的基本单元。

半加器

不考虑低位来的进位加法叫半加，能完成半加功能的电路叫半加器。

1. 输入端：A, B；输出端：S, C_o
2. 半加器的示意图：

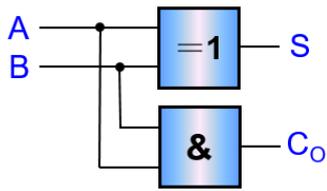


3. 半加器真值表：

A	B	S	C_o
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

4. 逻辑表达式: $S = \bar{A}B + A\bar{B} = A \oplus B, C_o = AB$

5. 逻辑电路图:

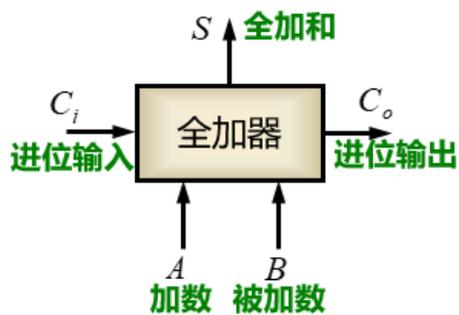


全加器

考虑低位来的进位加法成为全加。能完成全加功能的电路叫全加器。

1. 输入端: A, B, C_i ; 输出端: S, C_o

2. 全加器示意图:



3. 全加器真值表:

A	B	C_i	S	C_o
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1

4. 逻辑表达式:

$$S = \sum(1,2,4,7) = A \oplus B \oplus C_i$$

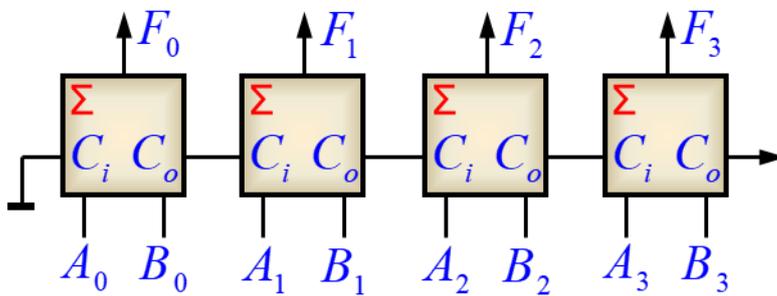
$$C_o = \sum(3,5,6,7) = AB + (A \oplus B)C_i$$

集成全加器

在一位全加器的基础上，通过多级级联可以构成多位全加器。当 N 位二进制数相加时，进位方式有两种：**串行进位**；**并行进位**。

4 位串行全加器

1. 由四个一位二进制全加器通过串行级联组成四位二进制全加器。
2. 每一位全加器的进位输出，送给下一级的进位输入端。**高位的加法运算必须等到低位的加法运算完成后，才能正确进行。**
3. 逻辑电路图

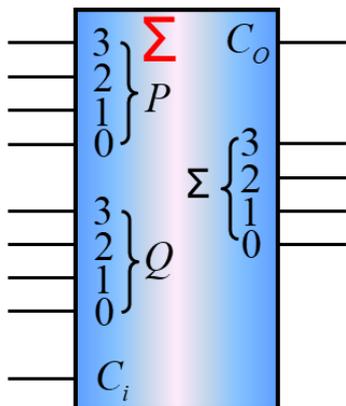


超前进位全加器

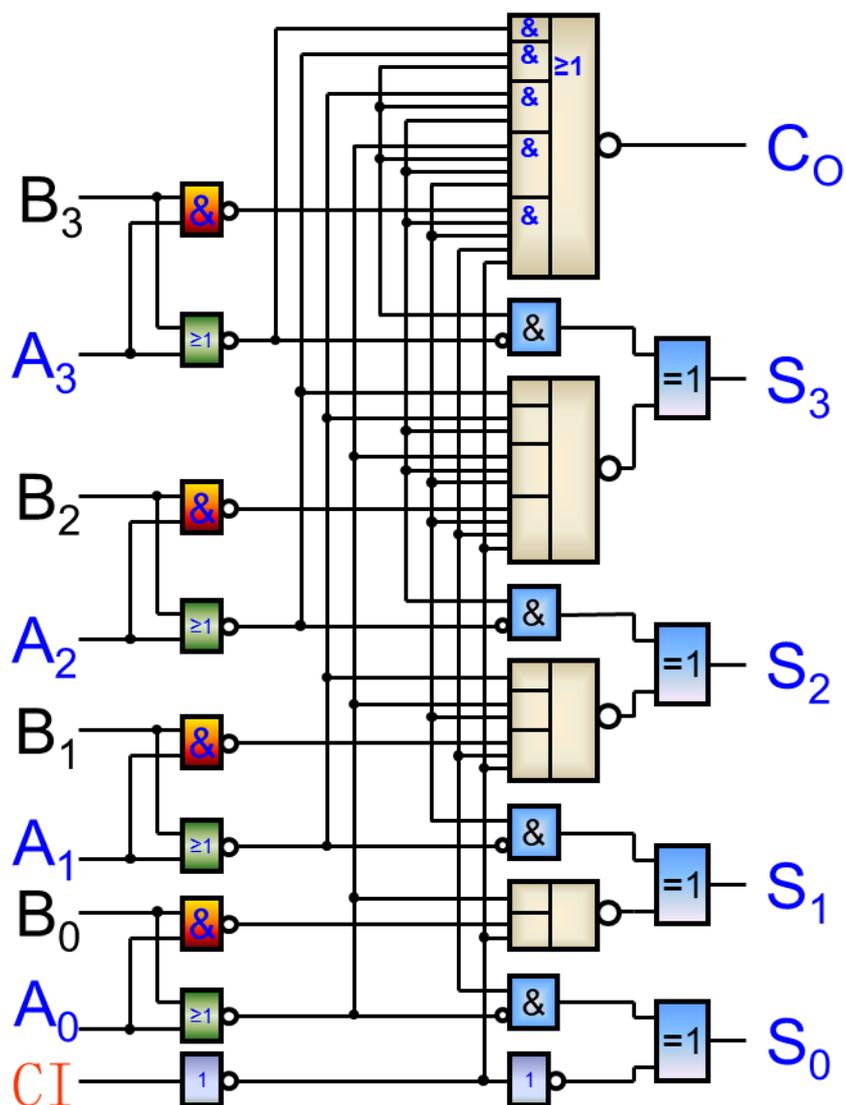
超前进位：是各级进位同时发生，高位加法不必等低位的运算结果。所以工作速度得以提高。即：只用了一级门的传输延迟时间。超前进位中规模集成电路型号有：54/74283, CC/CD4008。

4 位超前全加器

1. 逻辑符号
输入端： P 加数， Q 被加数。每组有四个输入。 C_i 进位输入端。
输出端： Σ 表示四位全加和输出端， C_o 进位输出端。
2. 示意图



4 位超前进位加法器 74283 逻辑图



设 $A = A_4A_3A_2A_1$, $B = B_4B_3B_2B_1$,

全加和	$\begin{cases} S_1 = A_1 \oplus B_1 \oplus C_0 \\ S_2 = A_2 \oplus B_2 \oplus C_1 \\ S_3 = A_3 \oplus B_3 \oplus C_2 \\ S_4 = A_4 \oplus B_4 \oplus C_3 \end{cases}$	进位	$\begin{cases} C_1 = A_1B_1 + (A_1 \oplus B_1)C_0 \\ C_2 = A_2B_2 + (A_2 \oplus B_2)C_1 \\ C_3 = A_3B_3 + (A_3 \oplus B_3)C_2 \\ C_4 = A_4B_4 + (A_4 \oplus B_4)C_3 \end{cases}$
-----	--	----	--

令 $G_i = A_iB_i$, $P_i = A_i \oplus B_i$, 则 $C_i = G_i + P_iC_{i-1}$, 则

$$C_1 = G_1 + P_1C_0$$

$$C_2 = G_2 + P_2C_1 = G_2 + P_2G_1 + P_2P_1C_0$$

$$C_3 = G_3 + P_3C_2 = G_3 + P_3G_2 + P_3P_2G_1 + P_3P_2P_1C_0$$

$$C_4 = G_4 + P_4C_3 = G_4 + P_4G_3 + P_4P_3P_2G_1 + P_4P_3P_2P_1C_0$$